

Projekti M12, osa 1, tehtävä 1 laajennus

Edellisessä työssä väitän, että ”ihan mistä vaan laskeminen on turha”, ja se ei todellisuudessa pitää paikkansa. Siis oletetaan että meillä on funktio $1/x^3$, väli $[2,3]$ jota me jätämme kolmen jakoväliin - $|2-3|/3=1/3$, siis meillä tulee kolme kaidetta, niiden leveys on $1/3$, ja korkeus $f(x+0*d)$ ja $f(x+1*d)$ ja $f(x+1/2*d)$... Mutta mikä tässä on optimaalinen kaiteen korkeus? Ehkä siitä voisi tehdä joku päätös... Tutkitaan.

Tarkka alueen pinta-ala on $5/72$, eli $A_t=5/72$

Suorakaiteilla laskettu alue sitten on:

$A_k=1/(2+p)^3+1/(2+1/3+p)^3+1/(2+2/3+p)^3$, missä p on etäisyys alkupisteistä.

Jos halutaan löytää p , meidän pitäisi olettaa että $A_k=A_t$, eli

$$1/3*((2+p)^3)+1/3*((2+1/3+p)^3)+1/3*((2+2/3+p)^3)=5/72$$

Tästä saadaan yhtälö

$$3645*p^9+76545*p^8+713205*p^7+3712311*p^6+11270394*p^5+18349524*p^4+7988584*p^3-22921680*p^2-38772384*p-18916672=0$$

Uff...Etsimme sitten sopiva p

Tietokone sanoo siihen $p=1.217151641844332$

Tarkistetaan:

$$\text{Kaide1}=1/((2+p)^3)=0.030032079426561$$

$$\text{Kaide2}=1/((2+p+1/3)^3)=0.02234276730862$$

$$\text{Kaide3}=1/((2+p+2/3)^3)=0.017069597709263$$

$$0.030032079426561+0.02234276730862+0.017069597709263=0.0694444444444444$$

$$5/72=0.0694444444444444 \rightarrow \text{ok}$$

Tämä on vähän outoa, koska kun $p>1/3$, etsiminen välistä $[2,3]$ siirtyy sen kaiteen ulkopuolelle, ja kun $p>1$ se menee kokonaan $[2,3]$ ulkopuolelle.

Enkä löydä mitään p :sta...

$$1/p=0.82159031432165(\text{ei muistuttaa mitään})$$

$$p^3=1.80315918216188(\text{ei})$$

$$1/(p^3)=0.55458220765682(\text{ei})$$

$$p^{(1/3)}=1.067697509639364(\text{ei})$$

Seuraava ajatus – löytämään p $[3,4]$ välille, $d=1/6$:lle ja $1/x^5$.

$$1/x^3 \quad d=1/3 \quad [2,3] \quad \mathbf{p=1.217151641844332}$$

Lasketaan $[3,4]$ tarkalle ($f(x)=1/x^3$). Tämä on $7/288$

$$1/((3+p)^3)+1/((3+1/3+p)^3)+1/((3+2/3+p)^3)=7/288$$

$$0=5103*p^9+153090*p^8+2039499*p^7+15206454*p^6+66386169*p^5+157352166*p^4+113177873*p^3-345703446*p^2-881836740*p-621167112$$

$$\mathbf{p=1.675183065039662} \quad 1/x^3 \quad d=1/3 \quad [3,4]$$

$$d=1/6 [2,3]$$

$$1/6*((2+p)^3)+1/6*((2+1/6+p))^3+1/6*((2+2/6+p)^3)+1/6*((2+3/6+p)^3)+1/6*((2+4/6+p)^3)+1/6*((2+5/6+p)^3)=5/72$$

$$[0=1360488960*p^{18}+59181269760*p^{17}+1214689893120*p^{16}+15607574698752*p^{15}+140475729301056*p^{14}+939043465332192*p^{13}+4823593969026528*p^{12}+19430860691337984*p^{11}+62086239925997202*p^{10}+158077550521952199*p^9+320234783426715411*p^8+512091921860384931*p^7+636122581563080623*p^6+596739883021550586*p^5+401970265114602084*p^4+175457103299537112*p^3+36526490837668488*p^2-3346954456448304*p-2503655014349536]$$

$$p=0.18801943321085 \quad d=1/6$$

$1/(x^5)$ tarkka arvo[2,3]lle on 65/5184

Eli:

$$1/3*((2+p)^5)+1/3*((2+1/3+p))^5+1/3*((2+2/3+p)^5)=65/5184$$

$$0=15552*p^5+181440*p^4+858240*p^3+2056320*p^2+2493760*p+1223293$$

$$p=-2.148182126423505 \quad f(x)=1/(x^5)$$

Eli

$$p1=1.217151641844332, \quad p2=1.675183065039662, \quad p3=0.18801943321085, \quad p4=-2.148182126423505$$

Ei ne numerot näyttää mitään järkevä, eli hauska tutkimus, mutta ihan turha. Tai ainakin näyttää sitä.

9133 Timo Valeri Junolainen